

Lösungen: Integrale von Exponentialfunktionen

Aufgabe 1:

$$\begin{array}{ll} \text{a) } F(x) = \frac{5}{3} \cdot e^{3x+2} + C & C \in \mathbb{R} \\ \text{b) } F(x) = \frac{6}{\ln(2)} \cdot 2^{4x} + 3x + C & C \in \mathbb{R} \\ \text{c) } G(x) = 0,25 \cdot e^{4x} + C & C \in \mathbb{R} \\ \text{d) } T(t) = e^{3t+2} + C = e^2 \cdot e^{3t} + C & C \in \mathbb{R} \end{array}$$

Aufgabe 2:

$$\begin{array}{llll} \text{a) } \int_0^1 f(x) dx = e & \text{b) } \int_{-1}^0 f(x) dx \approx 0,59 & \text{c) } \int_{-3}^3 g(x) dx \approx 10,02 & \text{d) } \int_{-4}^1 h(t) dt \approx 3,69 \end{array}$$

Aufgabe 3:

Antwort: Der Flächeninhalt beträgt ger. 2,05 FE. Tipp: Bestimmtes Integral über $e^x + x^2$ von 0 bis 1. Graphen schneiden sich nicht, trotzdem existiert ein berechenbarer Flächeninhalt zwischen den Graphen in dem Intervall.

Aufgabe 4:

- a) Der Flächeninhalt beträgt 4 FE ($\int_0^a f(x) dx$ bilden, $a \in \mathbb{R}$, berechnen und danach a gegen unendlich streben lassen, Grenzwert für $a \rightarrow \infty$ von $4 - 4 \cdot e^{-a}$ beträgt 4)
- b) Der Flächeninhalt beträgt 2 FE. (Grenzwert für $a \rightarrow -\infty$ von $(2 - 2 \cdot e^x)$ beträgt 2)

Aufgabe 5:

$$\begin{array}{ll} \text{a) } F(x) = e^x & \text{b) } F(x) = -e^{-x} \\ \text{c) } F(x) = \frac{1}{4} \cdot e^{4x} & \text{d) } F(x) = (x-1) \cdot e^x \end{array}$$